

## ROZDZIAŁ IX.

### Pole elektryczne, pojemność przewodników.

1. Ładunek elektryczny. <sup>1)</sup> O ładunku elektrycznym w elektrostatyce tworzymy sobie wyobrażenie, opierając się na wzorze Coulomb'a, wyrażającym siłę współdziałania ładunków elektrycznych:

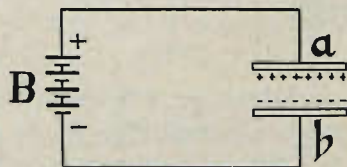
$$f = \frac{1}{k} \cdot \frac{q_1 \cdot q_2}{r^2}.$$

$q_1$  i  $q_2$  są to wielkości charakteryzujące ciała naelektryzowane, zwane ładunkami elektrycznymi,  $f$  — siła oddziaływania jednego ciała na drugie,  $r$  — odległość pomiędzy ciałami o nieskończenie małych wymiarach,  $k$  — zdolność elektryczna ośrodka, w którym znajdują się te ciała.

O tem, że siła  $f$  działa wzdłuż prostej, łączącej ciała naelektryzowane i że wielkość jej jest odwrotnie proporcjonalna do kwadratu odległości pomiędzy ciałami, przekonywamy się doświadczalnie.

Dowolnym zaś założeniem jest proporcjonalność siły  $f$  do ładunków elektrycznych, które w ten sposób ściśle określamy. Dowolnie również wprowadzony jest tu współczynnik  $k$ .

Można jednak powyższy wzór otrzymać inną drogą. Przedstawmy sobie, że ładujemy elektrycznością dwie płytki metalowe  $a$  i  $b$ , doprowadzając do nich prąd elektryczny z baterji  $B$  (rys. 77). Mierzac siłę prądu, możemy według wzorów rozdziału II wyznaczyć ilość elektryczności, która spływa na te płytki, a mierząc siłę ich przyciągania się, możemy sprawdzić, że siła ta, w granicach błędu pomiarów, jest proporcjonalna do ładunków elektrycznych, zebranych na tych płytkach. Można także przekonać się przez pomiar, że siła współdziałania ładunków, skupionych w poszczególnych punktach, jest odwrotnie proporcjonalna do kwadratu odległości tych punktów.



Rys. 77.

Wtedy powyższy wzór prawa Coulomb'a oparty będzie prawie wyłącznie na doświadczeniu, gdyż tylko wpływ ośrodka określimy dowolnie przez wielkość  $k$ . <sup>2)</sup>

<sup>1)</sup> Inaczej — ilość elektryczności.

<sup>2)</sup> Patrz szczegóły w rozdziale XXVII § 7.

**2. Natężenie pola elektrycznego.** Przestrzeń, w której na ładunek elektryczny działają siły elektryczne, nazywamy polem elektrycznym. Własności pola określamy wielkością, zwaną natężeniem pola. Natężenie pola elektrycznego określa stopień zmian elektrycznych w eterze.

Wzór dla natężenia pola  $\mathbf{E}$  jest następujący:

$$\mathbf{E} = \frac{f}{q};$$

$f$  oznacza siłę, działającą na ilość elektryczności  $q$ , umieszczoną w tym punkcie pola, w którym ma miejsce powyższe natężenie pola. Kierunek natężenia pola przyjmujemy za zgodny z kierunkiem siły działającej na ładunek dodatni.

W polu elektrycznym wokoło ładunku  $Q$ , skupionego w jednym punkcie, na odległości  $r$  od tego punktu, siła, działająca na ładunek  $q$  będzie, według wzoru Coulomb'a:

$$f = \frac{1}{k} \cdot \frac{Q \cdot q}{r^2},$$

a więc natężenie pola:

$$\mathbf{E} = \frac{1}{k} \cdot \frac{Q}{r^2}.$$

Gdy mamy w polu dużo ładunków elektrycznych, wtedy natężenie pola w danym punkcie jest wypadkowe z natężeń pól od poszczególnych ładunków.

Natężenia dodają się wektorowo, tak jak siły w mechanice.

Linje, przeprowadzone w polu elektrycznym w ten sposób, że w każdym punkcie są one styczne do natężenia pola, nazywamy linjami sił elektrycznych.

W polu elektrycznym, wywołanym przez szereg ładunków, linje sił elektrycznych biegną od ładunków dodatnich do ujemnych.

**3. Potencjał.** Ładunek elektryczny  $q$  w polu elektrycznym o natężeniu  $\mathbf{E}$  znajduje się pod wpływem siły:

$$\mathbf{E} \cdot q.$$

Gdy ładunek  $q$  przesunie się o  $dl$  na drodze, tworzącej z natężeniem pola  $\mathbf{E}$  kąt  $\alpha$ , wówczas, według zasad mechaniki, siła, działająca na ten ładunek, wykona pracę:

$$\mathbf{E} \cdot q \cdot dl \cdot \cos \alpha.$$

Założmy, że pole elektryczne powstało pod wpływem pewnego ładunku elektrycznego  $Q$ , znajdującego się w odległości  $r$  od tego miejsca, gdzie mamy ładunek  $q$ . Wtedy według poprzedniego paragrafu:

$$\mathbf{E} = \frac{1}{k} \cdot \frac{Q}{r^2}.$$

A więc powyższa praca będzie:

$$\frac{1}{k} \cdot \frac{Q}{r^2} \cdot q \cdot dl \cdot \cos \alpha.$$

Kierunek natężenia pola  $\mathbf{E}$  jest zgodny w tym wypadku z kierunkiem  $r$ , więc



$dl \cdot \cos \alpha$  jest rzutem odcinka drogi  $dl$  na kierunek  $r$ . Rzut ten oznaczmy przez  $dr$ , a więc:

$$dl \cdot \cos \alpha = dr.$$

Wtedy powyższa praca będzie:

$$\frac{1}{k} \cdot \frac{Q}{r^2} \cdot q \cdot dr.$$

Jeżeli pole elektryczne powstało pod wpływem dowolnej liczby różnych ładunków  $Q$ , skupionych w poszczególnych punktach przestrzeni, to na ładunek  $q$  działać będzie kilka sił. Praca każdej z nich da się wyrazić takim wzorem, jak powyższy. Pracę, wykonaną przez wszystkie te siły, przy przesuwaniu ładunku  $q$  na drodze  $dl$ , oznaczmy przez  $dA$ . Jest ona sumą algebraiczną prac sił poszczególnych, więc może być wyrażona wzorem:

$$dA = \frac{1}{k} \cdot q \cdot \sum \frac{Q}{r^2} \cdot dr.$$

Założmy teraz, że ładunek  $q$  przesuwa się z punktu  $a$  do punktu  $b$  i że punkty te znajdują się w odległości skończonej jeden od drugiego, wtedy siły pola wykonają pracę:

$$A = \frac{1}{k} \cdot q \cdot \sum Q \int_a^b \frac{dr}{r^2}.$$

Oznaczmy odległości poszczególnych ładunków do punktu  $a$  przez  $r_a$ , a do punktu  $b$  przez  $r_b$ , wtedy, po rozwiązaniu całki otrzymamy: <sup>1)</sup>

$$A = \frac{1}{k} \cdot q \cdot \sum Q \cdot \left( \frac{1}{r_a} - \frac{1}{r_b} \right),$$

albo:

$$A = q \cdot \left( \frac{1}{k} \cdot \sum \frac{Q}{r_a} - \frac{1}{k} \cdot \sum \frac{Q}{r_b} \right).$$

Wyrazy  $\frac{1}{k} \cdot \sum \frac{Q}{r_a}$  i  $\frac{1}{k} \cdot \sum \frac{Q}{r_b}$  zależą jedynie od wielkości i rozkładu ładunków względem punktów  $a$  i  $b$ , określają więc one pewną własność tych punktów w polu elektrycznym, którą przyjęto nazywać według Gauss'a **potencjałem**.

Oznaczmy potencjały w punktach  $a$  i  $b$  przez  $V_a$  i  $V_b$ , więc:

$$V_a = \frac{1}{k} \cdot \sum \frac{Q}{r_a} \quad \text{i} \quad V_b = \frac{1}{k} \cdot \sum \frac{Q}{r_b}.$$

Wtedy otrzymamy:

$$A = q \cdot (V_a - V_b).$$

Wzór ten wskazuje, że, przy przesunięciu ładunku  $q$  w polu elektrycznym z punktu  $a$ , gdzie potencjał jest  $V_a$  do punktu  $b$  o potencjale  $V_b$ , siły pola

<sup>1)</sup> Dla ułatwienia zrozumienia przejścia do tego wzoru, przypominam, że:

$$d \left( \frac{1}{r} \right) = - \frac{1}{r^2} \cdot dr, \text{ a więc } \int \frac{dr}{r^2} = - \frac{1}{r}.$$

elektrycznego wykonają pracę, która wyraża się iloczynem tego ładunku przez różnicę potencjałów, w tych punktach, niezależnie od drogi, po której przesuwa się ładunek.

Wzór ten jest taki sam, jak podany poprzednio w rozdziale III przy omawianiu pracy prądu elektrycznego. Tam zdolność elektryczności do wykonania pracy nazywaliśmy potencjałem, tu potencjał pewnego punktu w polu elektrycznym możemy pojmować jako własność pola elektrycznego, określającą zdolność jego, jako układu sił elektrycznych, do wykonania pracy przy przesuwaniu w nim ładunku elektrycznego.

Są to dwa sposoby ujmowania tego samego pojęcia; drugi sposób jest ściślejszy.

Z powyższego wzoru wynika, że praca, którą wykonają siły pola, nie zależy od bezwzględnej wartości potencjału.

Praca ta zależy tylko od różnicy potencjałów w tych punktach, pomiędzy którymi przesuwa się ładunek elektryczny. Za pomocą pomiaru wyznaczyć możemy tylko różnicę potencjałów w dwóch punktach.<sup>1)</sup> Mając to na względzie, przyjęto określać wielkość potencjałów względem ziemi. Zwykle przyjmujemy, że potencjał ziemi równa się wszędzie zeru.

Jeżeli założymy w powyższym wzorze, że punkt  $b$  znajduje się na ziemi i że

$$V_b = 0,$$

otrzymamy wtedy wyraz pracy:

$$A = q \cdot V_a,$$

stąd:

$$V_a = \frac{A}{q}.$$

Wzór ten wyraża, że potencjał w danym punkcie  $a$  liczbowo stanowi pracę, przypadającą na jednostkę ładunku elektrycznego, przy przenoszeniu tego ładunku z punktu  $a$  na ziemię.

Możemy jeszcze określić potencjał inaczej, korzystając z określenia, podanego w rozdziale III. Tam różnicę potencjałów nazwaliśmy napięciem. Jeżeli napięcie pomiędzy punktami  $a$  i  $b$  oznaczmy przez  $e$ , wtedy według powyższego określenia:

$$e = V_a - V_b.$$

Gdy punkt  $b$  znajduje się na ziemi, wówczas:

$$V_b = 0,$$

a więc:

$$V_a = e.$$

Wzór ten wskazuje, że potencjał w danym punkcie możemy określić jako napięcie pomiędzy tym punktem a ziemią.

W ten sposób należy rozumieć np. wielkość potencjałów w punktach  $A$  i  $B$

---

<sup>1)</sup> Patrz rozdział XXX.



części obwodu elektrycznego (rys. 7 na str. 13), lub też wogóle w jakichkolwiek punktach na obwodach elektrycznych i zewnątrz tych obwodów.

W dowolnym polu elektrycznym, określonym wielkością natężenia pola  $E$  w każdym punkcie, zmianę potencjału można wyznaczyć, rozważając np. ruch ładunku elektrycznego  $q$  wzdłuż linii siły na drodze  $dl$ . Praca sił pola będzie wtedy:

$$E \cdot q \cdot dl.$$

Oznaczmy przez  $V$  potencjał na początku drogi  $dl$ , a przez  $V + dV$  potencjał w końcu tejże drogi  $dl$ , wtedy pracę możemy wyrazić przez różnicę potencjałów za pomocą wzoru:

$$[V - (V + dV)] \cdot q.$$

Ponieważ obadwa wzory powyższe są jednoznaczne, możemy napisać:

$$[V - (V + dV)] \cdot q = E \cdot q \cdot dl,$$

stąd:

$$dV = -E \cdot dl.$$

Gdy pole jest jednostajne <sup>1)</sup> i zamiast odcinka  $dl$  weźmiemy drogę  $l$ , a potencjały w końcu i na początku tej drogi oznaczmy przez  $V_2$  i  $V_1$ , to, na zasadzie powyższego wzoru, otrzymamy:

$$V_1 - V_2 = E \cdot l,$$

albo:

$$E = \frac{V_1 - V_2}{l}.$$

**4. Przewodniki i izolatory.** Wszystkie ciała w przyrodzie pod względem własności elektrycznych mogą być rozważane, przy ustaleniu pojęcia o idealnych przewodnikach i idealnych izolatorach. W przyrodzie istnieją ciała bardzo zbliżone do przewodników idealnych, są to metale, natomiast nie znamy równie dobrych izolatorów; większość ciał w przyrodzie posiada cechy przewodników i izolatorów jednocześnie.

Własności przewodników są następujące: W przewodnikach elektryczność może poruszać się swobodnie. Doświadczenie wskazuje, że nadmiar elektryczności dodatniej lub ujemnej, powstający na przewodniku, w stanie statycznym, zbiera się zawsze tylko na powierzchni zewnętrznej przewodnika, a natężenie pola elektrycznego wewnątrz przewodników równa się zero, t. j.  $E = 0$ . Na powierzchni przewodnika kierunek natężenia pola jest prostopadły do tej powierzchni, gdybyśmy bowiem przypuścili, że tak nie jest, to ładunki poruszałyby się pod wpływem sił, wywołanych przez pole elektryczne.

Ze wzoru:

$$dV = -E \cdot dl$$

widzimy, że przy  $E = 0$ ,  $dV = 0$ , to znaczy, że potencjał przy przejściu z jedne-

<sup>1)</sup> Natężenie pola wszędzie jednakowe co do wielkości i kierunku.



go punktu do drugiego wewnątrz przewodników nie zmienia się, we wszystkich więc tych punktach jest on jednakowy.

Taki sam potencjał jak wewnątrz przewodników mamy i na powierzchni. Powierzchnia przewodnika jest więc *ekwipotencjalna*, t. j. posiada ona jednakowy potencjał we wszystkich swoich punktach.

Wszystkie te twierdzenia stosują się tylko do pola elektrycznego, gdzie ładunki są nieruchome.

W izolatorach idealnych ruch elektryczności odbywać się nie może. Dla wyjaśnienia jednak wielu zjawisk przypuszczamy, że izolator idealny składa się z bardzo drobnych cząsteczek, wewnątrz których ruch elektryczności odbywa się swobodnie, lecz z jednej cząsteczki do drugiej elektryczność przejść nie może.

Gdy izolator idealny znajduje się w polu elektrycznym, w każdej cząsteczce izolatora elektryczność dodatnia jest przesunięta w kierunku natężenia pola, a elektryczność ujemna w stronę przeciwną. Wtedy mówimy, że izolator jest *spolaryzowany*. Każda cząsteczka ma jakby dwa bieguny, t. j. powstaje w niej „biegunowość“, inaczej „polaryzacja“. <sup>1)</sup>

Wiele ciał ma tę własność, że polaryzacja nie znika zaraz po usunięciu pola elektryzującego. Mając np. kilka płytek szklanych, ułożonych szczelnie i ustawionych prostopadle do kierunku natężenia pola, można przekonać się, że nawet po usunięciu pola elektryzującego, płytki nie łatwo dadzą się oderwać od siebie. Przyczynę tego łatwo wykryć, jeżeli płytki rozdzielimy i zbadamy ich powierzchnie. Na powierzchni wszystkich płytek znajdziemy wówczas ładunki elektryczne.

**5. Potencjał przewodników.** W zagadnieniach praktycznych mamy do czynienia z zespołem przewodników naelektryzowanych, rozdzielonych za pomocą izolatorów.

Gdy więc ładunki są w równowadze, to według powyższych wywodów potencjał na przewodniku jest wszędzie jednakowy. Jeśli mamy szereg przewodników izolowanych od siebie, to wogóle na każdym z nich będziemy mieli potencjały różne, jednak w przestrzeni objętej przez jeden przewodnik są one jednakowe. Wielkość tych potencjałów, według § 3, określi się wzorem:

$$V = \frac{1}{k} \cdot \sum \frac{Q}{r},$$

gdzie  $Q$  — ładunki w rozważanym polu,  $r$  — odległość tych ładunków do punktu, gdzie istnieje potencjał  $V$ ,  $k$  — zdolność elektryczna ośrodka izolującego. Wzór ten wskazuje, że potencjał jest proporcjonalny do ładunków, znajdujących się w polu. Gdy wielkość ładunków, przy zachowaniu ich układu, będzie zwiększona kilkakrotnie, to tyleżkrotnie wzrośnie i potencjał. Spółczynniki proporcjonalności zależą tu tylko od zdolności elektrycznej ośrodka i układu geometrycznego przewodników, <sup>2)</sup> na których znajdują się ładunki.

**6. Kondensatory.** W praktyce najczęściej mamy do czynienia z układem, składającym się z dwóch izolowanych od siebie przewodników. Taki układ prze-

<sup>1)</sup> „Pôle“ znaczy po francusku biegun.

<sup>2)</sup> t. j. od kształtu i położenia przewodników w przestrzeni. Jeżeli izolator nie jest jednorodny, to i układ różnych części izolatora ma wpływ na wielkość potencjałów

wodników nazywamy **kondensatorem**. Przewodniki te, czyli tak zwane okładki kondensatora, naładowują się zawsze ładunkami elektrycznymi jednakowymi, co do wielkości bezwzględnej, lecz różnymi, co do znaku, np.  $+Q$  i  $-Q$ .

Gdy więc w ten sposób okładki są naładowane i potencjały na okładkach otrzymamy  $V_1$  i  $V_2$ , to stosunek  $Q$  do  $V_1 - V_2$  nazywamy **pojemnością** takiego zespołu przewodników. Pojemność zwykle oznaczamy przez  $C$ , więc:

$$C = \frac{Q}{V_1 - V_2}.$$

Gdy ilość elektryczności na obydwu okładkach wzrasta jednocześnie w jednakowym stopniu, to i różnica potencjałów również wzrasta w tym samym stopniu. Widzieliśmy bowiem, że potencjały są proporcjonalne do ilości elektryczności. Stąd wniosek, że pojemność kondensatora jest wielkością stałą, zależną tylko od kształtu, wymiarów i względnego położenia dwóch powyższych przewodników, oraz od własności elektrycznych ośrodka izolującego.

Gdy mamy kilka kondensatorów połączonych równolegle (rys. 78), tak, że okładki  $a$  są połączone ze sobą i  $b$  również ze sobą, to na wszystkich okładkach  $a$ , stanowiących jeden przewodnik, istnieje jeden wspólny potencjał  $V_a$ , a na wszystkich okładkach  $b$  wspólny potencjał  $V_b$ .

Pojemność poszczególnych kondensatorów oznaczmy przez  $C_1$ ,  $C_2 \dots C_n$  i ładunki na każdej z okładek  $a$  lub  $b$  przez  $q_1$ ,  $q_2 \dots q_n$ , wtedy:

$$C_1 = \frac{q_1}{V_a - V_b},$$

$$C_2 = \frac{q_2}{V_a - V_b},$$

$$\dots \dots \dots$$

$$C_n = \frac{q_n}{V_a - V_b}.$$

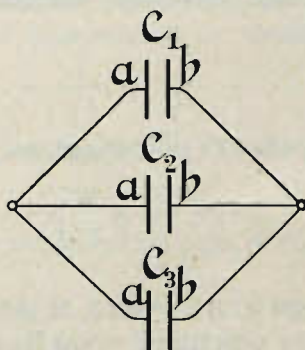
Dodając te równania, otrzymamy:

$$C_1 + C_2 \dots C_n = \frac{1}{V_a - V_b} \cdot (q_1 + q_2 \dots + q_n) = \frac{1}{V_a - V_b} \cdot Q,$$

gdzie  $Q$  jest ładunkiem całkowitym.

Pojemnością całego układu kondensatorów jest więc:

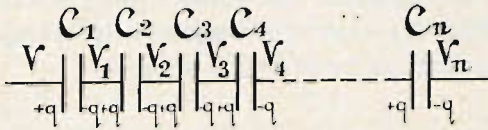
$$C = C_1 + C_2 + \dots + C_n.$$



Rys. 78.



Przy połączeniu szeregowym kondensatorów (rys. 79) należy mieć na względzie, że ładunki  $q$  na wszystkich okładkach są jednakowe; wynika to z następującego rozumowania.



Rys. 79.

Gdy lewej okładce pierwszego kondensatora damy ładunek  $+q$ , to przez wpływ na prawej okładce pierwszego kondensatora powstanie ładunek  $-q$ , a wolny ładunek  $+q$  przejdzie na lewą okładkę kondensatora drugiego i t. d. Potencjały na poszczególnych izolowanych

od siebie przewodnikach będą różne, jak to wskazano na rysunku.

Równania dla poszczególnych kondensatorów są następujące:

$$C_1 = \frac{q}{V - V_1},$$

$$C_2 = \frac{q}{V_1 - V_2},$$

$$\dots\dots\dots$$

$$C_n = \frac{q}{V_{n-1} - V_n}.$$

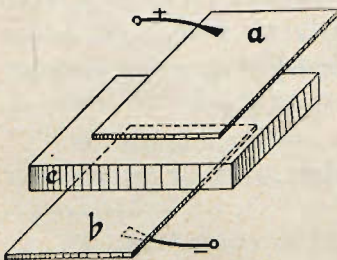
Dodając odwrotne wartości pojemności poszczególnych kondensatorów, otrzymamy:

$$\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots + \frac{1}{C_n} = \frac{1}{q} \cdot (V - V_n).$$

Wypadkowa pojemność wszystkich kondensatorów będzie:

$$C = \frac{q}{V - V_n} = \frac{1}{\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots + \frac{1}{C_n}}.$$

Z tego wzoru wynika, że gdyby wszystkie kondensatory miały pojemność jednakową, to pojemność wypadkowa byłaby  $n$  razy mniejszą od pojemności poszczególnych kondensatorów. Pozatem ze stosunku którychkolwiek dwóch równań dla poszczególnych kondensatorów wypadnie, że napięcia na kondensatorach poszczególnych są odwrotnie proporcjonalne do pojemności.



Rys. 80.

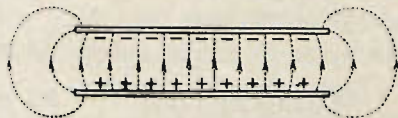
**7. Kondensator płaski.** Opierając się na wzorze zasadniczym, podanym wyżej, pojemność kondensatora możemy wyrazić przez jego wymiary i zdolność elektryczną izolatora.

Dla przykładu wyprowadzimy wzór kondensatora płaskiego.

Kondensator taki składa się z dwóch płytek metalowych  $a$  i  $b$  (rys. 80) i izolatora  $c$ . Zakładamy, że izolator, do którego płytki przylegają szczelnie, jest bardzo cienki w porównaniu do sze-



rokości i długości płytek. W tych warunkach ładunki elektryczne znajdują się prawie wyłącznie na wewnętrznych powierzchniach płytek metalowych i pole pomiędzy płytkami jest prawie wszędzie jednostajne. Linje sił elektrycznych (rys. 81) są skierowane prostopadłe do powierzchni płytek, tylko przy brzegach wyginają się nieco nazewnątrz.



Rys. 81.

Natężenie pola pomiędzy płytkami wyznaczmy w sposób następujący. Na jednej z płytek (rys. 82) rozważymy cząstkę powierzchni  $ds$  w punkcie  $B$ . Oznaczając gęstość ładunku elektrycznego przez  $\sigma$ , będziemy mieli na cząstce powierzchni  $ds$  ładunek  $ds \cdot \sigma$ . Natężenie pola, wywołane przez ten ładunek w punkcie  $A$ , w odległości  $r$  od  $B$ , według poprzednio podanych wzorów będzie:

$$dE = \frac{1}{k} \cdot \frac{ds \cdot \sigma}{r^2}.$$

Kierunek natężenia pola  $dE$  jest zgodny z kierunkiem  $\overline{AB}$ .

Przedstawmy sobie kulę, zakreśloną promieniem  $r$  z punktu  $A$ , i stożek o podstawie  $ds$  z wierzchołkiem, znajdującym się w punkcie  $A$ . Stożek ten wyznaczy na powierzchni kuli cząstkę powierzchni  $ds'$ , prostopadłą do  $r$ . Z rysunku widzimy, że gdy cząstki powierzchni są nieskończenie małe, to:

$$ds' = ds \cdot \cos \alpha.$$

Oznaczając przez  $d\omega$  kąt bryłowy stożka, otrzymamy:

$$ds' = d\omega \cdot r^2.$$

Wprowadźmy powyższe zależności do wzoru na natężenie pola, wtedy:

$$dE = \frac{1}{k} \cdot \frac{\sigma \cdot d\omega}{\cos \alpha}.$$

Mnożąc  $dE$  przez  $\cos \alpha$ , otrzymamy rzut natężenia pola  $dE$  na kierunek  $\overline{AC}$

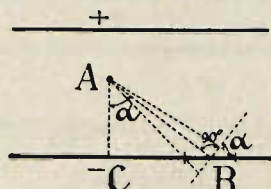
$$dE \cdot \cos \alpha = \frac{1}{k} \cdot \sigma \cdot d\omega.$$

Natężenie pola wypadkowe, wywołane przez ładunek dolnej płytki jest sumą takich rzutów przy uwzględnieniu całej płytki.

Gdy odległość  $AC$  jest bardzo mała w porównaniu do szerokości i długości płytki, to

$$\int dE \cdot \cos \alpha = \frac{1}{k} \cdot \sigma \cdot \int d\omega = \frac{1}{k} \cdot \sigma \cdot 2\pi.$$

Całkowite natężenie pola w punkcie  $A$  powstałe od ładunków, skupionych na obydwu płytkach: górnej i dolnej, jest dwa razy większe, ponieważ jedna z płytek ma ładunek dodatni, a druga ujemny, kierunek zaś natężenia pola jest



Rys. 82.

zgodny z kierunkiem siły, działającej na ładunek dodatni, umieszczony w tym punkcie, gdzie rozważamy natężenie pola.

A więc:

$$E = \frac{1}{k} \cdot 4\pi \cdot \sigma.$$

Oznaczmy przez  $V_1$  i  $V_2$  potencjały okładek  $a$  i  $b$  kondensatora, a przez  $d$  grubość izolatora  $c$ . Z wyżej podanych wzorów dla różnicy potencjałów wiemy, że:

$$V_1 - V_2 = E \cdot d.$$

Oznaczając przez  $Q$  ilość elektryczności na każdej z okładek kondensatora, a przez  $S$  powierzchnię każdej płytki, przylegającą do izolatora  $c$ , będziemy mieli:

$$Q = \sigma \cdot S,$$

$$V_1 - V_2 = \frac{1}{k} \cdot 4\pi \cdot \frac{Q}{S} \cdot d.$$

$$\text{ i } \quad \frac{Q}{V_1 - V_2} = \frac{S \cdot k}{4\pi \cdot d},$$

albo, oznaczając pojemność przez  $C$ , otrzymamy:

$$C = \frac{S \cdot k}{4\pi \cdot d}.$$

W układzie jednostek bezwzględnych elektrostatycznych przyjmujemy zdolność elektryczną powietrza za jednostkę oderwaną,  $k$  więc wyraża zdolność elektryczną ośrodka względem powietrza.

Gdy w powyższym wzorze zastosujemy jednostki bezwzględne elektrostatyczne, to wyrazimy  $S$  w  $cm^2$ , a  $d$  w  $cm$ ,<sup>1)</sup> i otrzymamy pojemność w  $cm$ .

Chcąc przejść do jednostek praktycznych współrzędnych kulombom i woltom, należy powyższą liczbę, wyrażającą pojemność, podzielić przez  $9 \cdot 10^{11}$ , otrzymamy wtedy pojemność w jednostkach praktycznych, które nazywamy faradami.

Częściej jednak mierzymy pojemność w mikrofaradach, czyli w częściach milionowych farada. Dzieląc liczbę, wyrażającą pojemność w jednostkach bezwzględnych elektrostatycznych, przez  $9 \cdot 10^5$ , otrzymamy liczbę, wyrażającą tę pojemność w mikrofaradach.

**Przykład.** Z dwóch stron cienkiej szyby szklanej mamy dwa arkusze cynfolji, szczelnie przylegające do szkła. Wymiary cynfolji są:  $20\text{ cm} \times 20\text{ cm}$ . Grubość szkła  $2\text{ mm}$ . Zdolność elektryczna szkła w stosunku do powietrza — 5.

Pojemność takiego kondensatora będzie:

$$C = \frac{400 \cdot 5}{4\pi \cdot 0,2} = 797\text{ cm},$$

lub:

$$C = \frac{797}{9 \cdot 10^5} = 0,000885\text{ mikrofarada}.$$

<sup>1)</sup> Patrz rozdział XXVII § 6.



8. Zdolność elektryczna izolatorów. Ze wzoru dla pojemności kondensatora widzimy, że pojemność jest proporcjonalna do wielkości stałej  $k$ , określającej własności izolatora, zwanej zdolnością elektryczną, którą wyznaczamy zwykle względem powietrza. Spółczynnik  $k$  nazywa się niekiedy stałą dielektryczną. Ścisłej jednak, według prof. Witkowskiego, stała dielektryczna równa się stosunkowi zdolności elektrycznej danego ośrodka do zdolności elektrycznej powietrza.

Wartość stałej dielektrycznej zależy przede wszystkim od składu chemicznego izolatora. W przytoczonej poniżej tablicy podaję kilka liczb, najczęściej stosowanych.

Stała dielektryczna, t. j. stosunek zdolności elektrycznej danego ośrodka do zdolności elektrycznej powietrza: <sup>1)</sup>

Nafta . . . . .	2 do 2,2	Siarka . . . . .	2,5 do 3,9
Olej parafinowy . . . . .	2 do 2,5	Izolacja kablowa (papier nasycony)	3,5 do 4,3
Terpentyna . . . . .	2 do 2,3	Papier twardy . . . . .	3,4 do 4,5
Olej transformatorowy . . . . .	2 do 2,3	Kalafonja . . . . .	2,5
Porcelana . . . . .	4,4 do 5,4	Gutaperka . . . . .	4,2
Parafina . . . . .	2 do 2,3	Kauczuk wulkanizowany . . . . .	2,5 do 3
Papier . . . . .	1,8 do 2,8	Guma twarda . . . . .	2 do 3
Mika . . . . .	4,7 do 6,7	Szellak . . . . .	2,7 do 3,5
Mikanit . . . . .	4,5 do 5,5	Szkło . . . . .	3 do 9,1

Wszystkie ciała posiadają zdolność elektryczną większą od zdolności elektrycznej eteru. Zdolność elektryczna powietrza, wymierzona względem eteru, wynosi 1,00059; różni się więc ona od zdolności eteru bardzo mało.

Dla wielu ciał w tablicy podane są dwie liczby, wskazujące granice wartości  $k$ , otrzymane przy różnych badaniach; znaczne różnice wartości  $k$  dla tego samego materiału wywołane są głównie przez różnice w składzie materiałów, poddanych próbom i zanieczyszczeniami w ciałach prostych.

Należy jeszcze zwrócić uwagę na to, że zdolność elektryczna posiada wiele cech podobnych do przenikliwości magnetycznej i, chociaż nie w tak znacznym stopniu, jest jednak w wielu wypadkach wielkością zmienną, zależną od napięcia elektrycznego pomiędzy okładkami kondensatora i od czasu połączenia kondensatora ze źródłem elektryczności. W nieznacznym stopniu zależy od napięcia zdolność elektryczna np. powietrza, czystej miki i parafiny. Natomiast w większości ciał innych zmienia się ona w dość znacznych granicach.

Izolatory posiadają nadto własność ładunku szczątkowego i histerezy dielektrycznej, która ma wiele cech wspólnych z histerezą magnetyczną.

Znaczenie w praktyce histerezy dielektrycznej ogranicza się jednak tylko do napięć bardzo wysokich, wynoszących dziesiątki i setki tysięcy woltów. Najważniejszym wówczas zjawiskiem jest wywiązywanie się w izolatorach ciepła wskutek

<sup>1)</sup> Według tablicy podanej w książce W. Petersen'a „Hochspannungs-Technik“.



histerezy dielektrycznej, w sposób podobny do opisanego dla histerezy magnetycznej w rozdziale XXIII.

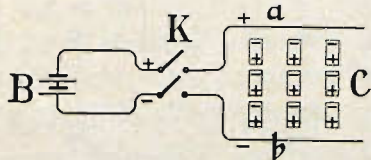
Bardzo ważne znaczenie praktyczne ma jeszcze zdolność elektryczna przy rozważaniu warunków wytrzymałości elektrycznej izolatorów na przebicie prądem. Czynnikiem, wywołującym przebicie izolatora, jest natężenie pola elektrycznego w tym izolatorze.

W § 7 widzieliśmy, że natężenie pola pomiędzy płytkami płaskiego kondensatora wyraża się wzorem:

$$E = \frac{1}{k} \cdot 4\pi \cdot \sigma.$$

Wzór ten wskazuje, że natężenie pola jest odwrotnie proporcjonalne do zdolności elektrycznej ośrodka. Jeżeli rozważymy np. kondensatory połączone w szeregu (rys. 79), zakładając, że powierzchnie płytek dla wszystkich kondensatorów są jednakowe, to natężenia pól w izolatorach tych kondensatorów będą odwrotnie proporcjonalne do zdolności elektrycznych tych izolatorów. Ten więc izolator, którego zdolność elektryczna jest największa, podlegać będzie najslabszemu napięciu elektrycznemu.

**9. Kondensator w obwodzie prądu.** Prądy elektryczne powstają nie tylko w przewodnikach, lecz także w izolatorach. Połączmy baterję *B* (rys. 83) za pomocą wyłącznika *K* z przewodnikami *a* i *b*, które nie tworzą obwodu zamkniętego, ponieważ są odosobnione jeden od drugiego za pomocą izolatora.



Rys. 83.

Przy takim układzie przewodniki *a* i *b*, które dotychczas były elektrycznie obojętne, naelektryzują się do tego samego stanu, w jakim znajdują się końcówki baterji *B*.<sup>1)</sup> W izolatorze zaś

między przewodnikami powstanie pole elektryczne. Ładunki elektryczne zbiorą się na przewodnikach *a* i *b* i, według naszego pojęcia o polaryzacji dielektrycznej, na przeciwnych krańcach poszczególnych cząsteczek izolatora.

Taki układ ładunków może nastąpić tylko przez przesuwanie się ich zarówno po przewodnikach *a* i *b* jak i wewnątrz izolatora, ponieważ przed połączeniem baterji z przewodnikami *a* i *b*, przewodniki te i izolator między nimi były elektrycznie obojętne.

Przesuwanie się ładunków elektrycznych stanowi prąd elektryczny, możemy więc twierdzić, że mieliśmy tu chwilowy prąd elektryczny w obwodzie kołowym *a c b B a*, którego część stanowi izolator. Rozumując w ten sposób, mówimy o prądach chwilowych w izolatorze doskonałym.

Umieszczając zamiast baterji galwanicznej prądnicę (dynamomaszynę), wytwarzającą zmienną siłę elektromotoryczną (rys. 84 a), możemy otrzymać w takim

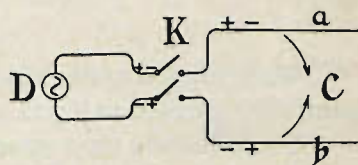
<sup>1)</sup> Gdy ładunki elektryczne będą w równowadze, na całym górnym przewodniku, połączonym z baterją, będziemy mieli pewien potencjał wszędzie jednakowy, a na przewodniku dolnym inny, lecz również wszędzie jednakowy.



obwodzie prąd ciągły, zmienny. Przy zamkniętym wyłączniku  $K$  prąd ten będzie przebiegał po drodze  $aCbDa$ , której część stanowi izolator  $aCb$ .

Powstawanie takiego prądu tłumaczy się tem, że bieguny źródła prądu zmieniają ustawicznie swój znak, przez co zmienia się znak ładunków na przewodnikach  $a$  i  $b$  i układ ładunków w cząsteczkach izolatora.

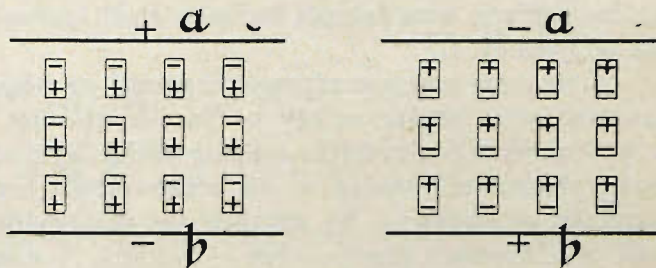
Na rys. 84 b pokazane jest zestawienie tych dwóch układów; przejście od jednego do drugiego może odbyć się tylko przez ruch elektryczności. Ponieważ takie zmiany trwają ciągle, przeto również ciągle trwa ruch tych ładunków to w jedną, to w drugą stronę.



Rys. 84 a.

Siłę, powstającego w tych warunkach, prądu elektrycznego określamy przez przyrost w jednostce czasu ilości elektryczności, która zbiera się na przewodnikach  $a$  i  $b$ . Jeżeli przez  $q$  oznaczmy ilość elektryczności, istniejącą na każdym z przewodników  $a$  i  $b$

w chwili  $t$ , to siła prądu wyrazi się liczbowo przez przyrost tego ładunku w jednostce czasu. Gdy więc w ciągu czasu  $dt$  przyrost ilości elektryczności wynosi  $dq_t$ , to ilość ta przepływa w tym czasie przez przewody i siła prądu w chwili  $t$  jest: <sup>1)</sup>



Rys. 84 b.

$$i_t = \frac{dq_t}{dt} \dots \dots \dots (1)$$

Ilość elektryczności, zbierająca się na przewodnikach, jest w każdej chwili proporcjonalna do różnicy potencjałów, czyli do napięcia  $e$  pomiędzy temi przewodnikami, przeto:

$$q_t = C \cdot e_t, \dots \dots \dots (2)$$

gdzie  $C$  stanowi stały współczynnik, zależny od wielkości i kształtu przewodników  $a$  i  $b$ , od ich położenia względem siebie i od rodzaju izolatora pomiędzy nimi.

Współczynnik  $C$  jest oczywiście pojemnością zespołu dwóch przewodników  $a$  i  $b$ , które wspólnie stanowią **kondensator**.

Z równania (2) wynika, że

$$C = \frac{q_t}{e_t} \dots \dots \dots (3)$$

Jeżeli  $q$  wyrażamy w kulombach, a  $e$  w woltach, to  $C$  otrzymamy w **faradach**.

Gdy do przewodników  $a$  i  $b$  przypływie ilość elektryczności  $dq$ , to napięcie podniesie się o  $de$ .

<sup>1)</sup> Patrz Rozdział II.

Przez różniczkowanie wzoru (2) otrzymujemy:

$$dq_t = C \cdot de_t.$$

Podstawiając ten wyraz dla  $dq_t$  we wzór (1), znajdziemy prąd w chwili  $t$ :

$$i_t = C \cdot \frac{de_t}{dt}.$$

Wzór ten wskazuje, że siła prądu, płynącego przez kondensator, jest proporcjonalna do przyrostu napięcia na kondensatorze w jednostce czasu.

Na podstawie tego wzoru możemy rozwiązać cały szereg zagadnień, dotyczących prądów ładujących i wyładowujących kondensatory, a to stosownie do tego czy napięcie wzrasta, czy też maleje. Uczynimy to w innym miejscu, tu zaś zastanowimy się jeszcze nad samym pojęciem pojemności.

Wzory, służące do obliczenia pojemności na podstawie danego układu przewodników, opierają się na wzorze (3). Ażeby otrzymać wzór dla pojemności, wyrażamy napięcie  $e$  za pomocą ładunku elektrycznego  $q$ ; dzieląc  $q$  przez ten wyraz, otrzymamy  $C$ .

Obliczenia przeprowadzamy zazwyczaj na podstawie wzorów elektrostatyki, pamiętać więc zawsze należy o tym, że stosując stałe dielektryczne, podane w § 8 niniejszego rozdziału i podstawiając wymiary kondensatora w  $cm$ , otrzymamy pojemność również w  $cm$ , stanowiących bezwzględne jednostki elektrostatyczne pojemności. We wzorach zaś dla prądów należy wprowadzać pojemność w jednostkach praktycznych — faradach, <sup>1)</sup> stanowiących wielokrotność dziesiętną jednostek bezwzględnych elektromagnetycznych.

---

<sup>1)</sup> Patrz Rozdział XXVII § 6.



## CZĘŚĆ III.

# Prawa przepływu prądów w obwodach elektrycznych.

## ROZDZIAŁ X.

### P r a w o O h m a.

W rozdziałach poprzednich rozważaliśmy cały szereg wielkości, stosowanych przy określeniu zjawiska prądu elektrycznego.

Własności samego prądu elektrycznego wyraziliśmy za pomocą siły prądu  $i$ ; czynniki wpływające na rozmaite przemiany energii, zachodzące w obwodzie prądu w tę lub w ową stronę, określone zostały przez napięcie  $e$  i siłę elektromotoryczną  $E$ ; wreszcie własności obwodu, po którym prąd przebiega przez opór omiczny  $r$ , współczynnik samoindukcji  $L$  i pojemność  $C$ .

Obecnie wyprowadzimy szereg związków, jakie istnieją pomiędzy temi poszczególnymi wielkościami.

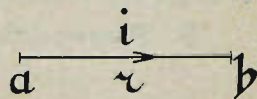
Związki te wyrażają się rozmaicie, zależnie od własności prądu i obwodu, a także stosownie do tego, jakie wartości prądu — chwilowe, czynne, lub stałe — wprowadzone będą do wzorów.

Różne wzory, przedstawiające siłę prądu  $i$  w zależności od wielkości  $e$ ,  $E$ ,  $r$ ,  $L$  i  $C$ , przyjęto w elektrotechnice nazywać wyrażeniami **prawa Ohma**.

1. **Pojedynczy przewodnik z oporem omicznym.** Najprostszy przypadek jest następujący. Rozważmy część obwodu zamkniętego (rys. 85), po którym w danej chwili przebiega prąd  $i$ . Żadne siły elektromotoryczne w przewodniku nie istnieją, posiada on jednak pewien opór omiczny  $r$ .

W tych warunkach praca prądu wytwarza ciepło Joule'a. Z rozdziału V wiemy, że moc równoważna ilości ciepła, która wytwarza się w przewodniku skutkiem pracy prądu w jednostce czasu, jest:

$$i^2 \cdot r.$$



Rys. 85.

Moc prądu dla rozważanej szęści obwodu, jak wiemy z rozdziału III, wyraża się wzorem:

$$e_t \cdot i_t.$$

$e_t$  — jest to różnica potencjałów pomiędzy końcami przewodnika czyli napięcie w chwili  $t$ .

Ponieważ moc prądu wytwarza w tym razie ciepło, więc:

$$e_t \cdot i_t = i_t^2 \cdot r.$$

Z powyższego wzoru wynika bezpośrednio, że:

$$i_t = \frac{e_t}{r}.$$

Wzór ten jest najprostszą postacią prawa Ohma.

W rozważanym przypadku siła prądu zależy tylko od napięcia na końcach przewodnika i od oporu, istniejącego pomiędzy temi punktami, na których działa powyższe napięcie. Wzór prawa Ohma piszemy nieraz w innej postaci:

$$e_t = i_t \cdot r.$$

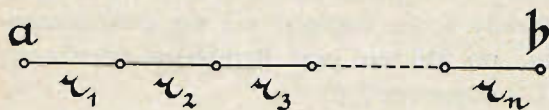
Wprowadzając, zamiast oporu, przewodnictwo  $k$  i mając na uwadze, że:

$$k = \frac{1}{r},$$

możemy napisać:

$$i_t = k \cdot e_t.$$

2. Kilka przewodników połączonych w szereg. Gdy pomiędzy punktami  $a$  i  $b$  mamy nie jeden przewodnik, lecz większą ich liczbę o oporach  $r_1, r_2, r_3, \dots, r_n$  i wszystkie te przewodniki, jak wskazuje rys. 86, połączone są w szereg, to doświadczenie poucza, że siła prądu w każdym oporze jest jednakowa.



Rys. 86.

Cała moc prądu wytwarza w tych przewodnikach ciepło, będziemy więc mogli napisać równanie:

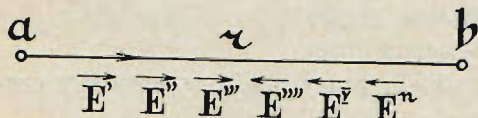
$$e_t \cdot i_t = \Sigma i_t^2 \cdot r = i_t^2 \cdot \Sigma r,$$

a przeto:

$$i_t = \frac{e_t}{\Sigma r}.$$

Z tego wzoru wynika, że opór wypadkowy przewodników, połączonych w szereg, równa się sumie oporów przewodników poszczególnych.

3. Przewodnik z siłami elektromotorycznymi. Rozważmy jeszcze prze-



Rys. 87.

wodnik, stanowiący część  $ab$  obwodu zamkniętego. Opór omiczny przewodnika  $ab$  jest  $r$ . W przewodniku działa szereg sił elektromotorycznych, skierowanych w różne strony; wielkości tych sił elektromotorycznych w danej chwili oznaczmy przez  $E'_t, E''_t, E'''_t, \dots, E^n_t$ .



W obwodzie przebiega prąd, którego siła w danej chwili jest  $i_t$  a pomiędzy punktami  $a$  i  $b$  istnieje napięcie  $e_t = V_a - V_b$ , gdy  $V_a$  i  $V_b$  są potencjałami w punktach  $a$  i  $b$ . Prąd płynie tu od  $a$  do  $b$ .

Moc prądu, równoważną wytwarzającej się w jednostce czasu ilości ciepła Joule'a, wyrażamy wzorem:

$$i_t^2 \cdot r.$$

Według określenia podanego w rozdziale IV, siły elektromotoryczne, skierowane wbrew prądowi, sprawiają wytwarzanie się energii w pewnej postaci. Moc, równoważna ilości energii, która powstaje w jednostce czasu, równa się według określenia, podanego w rozdziale IV,:

$$\Sigma_1 E_t \cdot i_t.$$

Zaznaczyć należy, że znakiem sumy obejmujemy tylko siły elektromotoryczne, skierowane wbrew prądowi.

Siły elektromotoryczne o kierunku zgodnym z prądem, sprawiają pochłanianie energii przez obwód elektryczny i moc, równoważna ilości energii pochłoniętej w jednostce czasu, będzie:

$$\Sigma_2 E_t \cdot i_t.$$

W tym przypadku znakiem sumy obejmujemy tylko siły elektromotoryczne, skierowane zgodnie z prądem. Dodając algebraicznie powyższe trzy wyrazy, otrzymamy:

$$i_t^2 \cdot r + \Sigma_1 E_t \cdot i_t - \Sigma_2 E_t \cdot i_t.$$

Za dodatnią przyjęliśmy w tym równaniu moc, która odpowiada energii otrzymanej z obwodu.

Energję otrzymujemy z obwodu skutkiem pracy prądu, moc prądu równoważną energii, otrzymanej w jednostce czasu, wyrażamy wzorem: <sup>1)</sup>

$$e_t \cdot i_t.$$

Na podstawie zasady zachowania energii, możemy napisać:

$$e_t \cdot i_t = i_t^2 \cdot r + \Sigma_1 E_t \cdot i_t - \Sigma_2 E_t \cdot i_t.$$

Wzór ten można przedstawić prościej, wstawiając za znakiem sumy siły elektromotoryczne z właściwymi znakami, a więc ze znakiem (+), gdy kierunek siły elektromotorycznej jest zgodny z prądem i ze znakiem (—), gdy jest mu przeciwny. Otrzymamy wtedy:

$$e_t \cdot i_t = i_t^2 \cdot r - \Sigma E_t \cdot i_t,$$

albo:

$$i_t^2 \cdot r = (e_t + \Sigma E_t) \cdot i_t,$$

skąd:

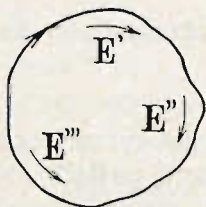
$$i_t = \frac{e_t + \Sigma E_t}{r},$$

albo:

$$e_t = i_t \cdot r - \Sigma E_t.$$

<sup>1)</sup> Patrz Rozdział III.

4. Obwód zamknięty. Inną jeszcze postać przybiera prawo Ohma, gdy rozważamy całkowity obwód zamknięty. Wtedy o przemianach energii rozstrzygać będą tylko siły elektromotoryczne i opór omiczny obwodu  $R$  (rys. 88).



Rys. 88.

W przypadku całkowitego obwodu zamkniętego, wywoły nasze możemy oprzeć na tej zasadzie, że energia pochłonięta przez obwód równa się energii wytworzonej w nim. Moc równoważna energii, pochłoniętej w jednostce czasu, jest:

$$\sum_1 E_l \cdot i_l,$$

gdzie znakiem sumy objęte są tylko siły elektromotoryczne, zgodne co do kierunku z prądem.

Moc równoważna energii, wytworzonej w jednostce czasu, równa się:

$$i_l^2 \cdot R + \sum_2 E_l \cdot i_l.$$

Znak sumy obejmuje tu tylko siły elektromotoryczne o kierunku odwrotnym względem prądu.

Według zasady zachowania energii, moc pochłonięta równa się mocy wytworzonej, przeto:

$$\sum_1 E_l \cdot i_l = i_l^2 \cdot R + \sum_2 E_l \cdot i_l.$$

Rozumując jak w § poprzednim, napiszemy prościej:

$$i_l^2 \cdot R = \sum_l E_l \cdot i_l,$$

skąd:

$$i_l = \frac{\sum E_l}{R}.$$

Opór  $R$  składa się z oporów poszczególnych części obwodu. Według § 2 niniejszego rozdziału, opór wypadkowy równa się sumie oporów składowych. Oznaczmy opory składowe przez  $r_1, r_2, \dots, r_n$ , wtedy:

$$R = \sum r.$$

Podstawiając wyraz dla  $R$  we wzór prawa Ohma, otrzymamy:

$$i_l = \frac{\sum E_l}{\sum r}.$$

Prawo to wyrazić można w sposób następujący: w obwodzie zamkniętym siła prądu w danej chwili równa się ilorazowi sumy algebraicznej wszystkich sił elektromotorycznych, czynnych w tym obwodzie, przez sumę wszystkich oporów omicznych, stanowiących części składowe obwodu zamkniętego.



## ROZDZIAŁ XI.

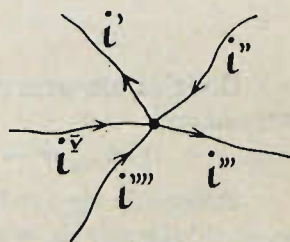
### Prawa Kirchhoffa.

Oprócz prawa Ohma mamy jeszcze dwa prawa Kirchhoffa, rządzące prądami w obwodach rozgałęzionych.

1. **Pierwsze prawo Kirchhoffa** opiera się na doświadczeniu. W kilku prądach, schodzących się w jednym punkcie (rys. 89) ilość elektryczności, przyprływająca w każdej chwili do tego punktu w jednostce czasu, równa się ilości elektryczności, odpływającej z tegoż punktu w tymże czasie.

Uwzględniając określenie ilości elektryczności, podane w rozdziale II, możemy wyrazić powyższe prawo za pomocą bardzo prostego wzoru:

$$\sum i_t = 0.$$



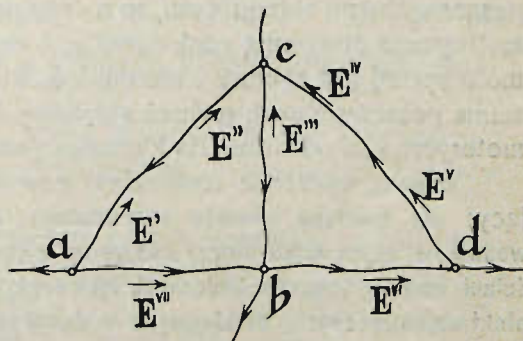
Rys. 89.

Znak sumy obejmuje prądy, przyprływające z pewnym znakiem, a odpływające ze znakiem odwrotnym.

Prawo to daje się w krótkości wypowiedzieć w sposób następujący: suma algebraiczna prądów, schodzących się w danej chwili w jednym punkcie, równa się zero.

2. **Drugie prawo Kirchhoffa** stanowi wynik matematyczny prawa Ohma. Rozważmy sieć przewodników, połączonych ze sobą w punktach skrzyżowania (rys. 90). W częściach obwodu pomiędzy dwoma punktami skrzyżowania płynie na całej długości jeden i ten sam prąd, natomiast w różnych częściach są prądy różne.

Przypuśćmy, że we wszystkich częściach obwodu działają siły elektromotoryczne; gdyby siły te gdziekolwiek nie powstały, to w równaniach, zamiast litery  $E$ , należałoby napisać zero. Na rysunku siły elektromotoryczne są oznaczone literami  $E'$ ,  $E''$  i t. d. Kierunki tych sił wskazane są za pomocą strzałek obok przewodników.



Rys. 90.

We wszystkich częściach obwodu płyną prądy, których kierunki oznaczono na rysunku strzałkami na przewodnikach. Siły prądów w równaniach oznaczać będziemy przez  $i_1, i_2, i_3$  i t. d., a opory omiczne odpowiednich poszczególnych części obwodu przez  $r_1, r_2, r_3$  i t. d.

Wyberzmy dowolny obwód zamknięty, np.  $abca$ . Według prawa Ohma (patrz rozdział X § 3) dla każdej części obwodu, zawierającej siły elektromotoryczne, mamy zależność:

$$e_t = i_t \cdot r - \Sigma E_t.$$

Napięcie możemy wyrazić, jako różnicę potencjałów:

$$e_t = V_t' - V_t''.$$

$V_t'$  oznacza potencjał na tym końcu części obwodu, gdzie prąd wchodzi, a  $V_t''$  — na tym końcu, skąd prąd wychodzi.

Według prawa Ohma napiszmy równania kolejno dla wszystkich części obwodu zamkniętego  $abca$ . Napięcia wyrażać będziemy przez różnice potencjałów, które oznaczmy literami  $V$  z odpowiednimi znaczkami:

$$V_{at} - V_{bt} = i_{t1} \cdot r_1 - E_t^{VII}$$

$$V_{ct} - V_{bt} = i_{t2} \cdot r_2 + E_t'''$$

$$V_{ct} - V_{at} = i_{t3} \cdot r_3 + E_t' + E_t''.$$

Dodając pierwsze równanie do trzeciego, a odejmując od tej sumy drugie, otrzymamy:

$$0 = i_{t1} \cdot r - i_{t2} \cdot r_2 + i_{t3} \cdot r_3 + E_t' + E_t'' - E_t''' - E_t^{VII}.$$

Równanie tego rodzaju otrzymać możemy dla dowolnego obwodu zamkniętego, znajdującego się w sieci przewodników rozgałęzionych. Ogólna postać takiego równania jest następująca:

$$\Sigma i_t \cdot r - \Sigma E_t = 0$$

albo:

$$\Sigma i_t \cdot r = \Sigma E_t.$$

Co się tyczy znaków, jakie trzeba zastosować w równaniu powyższym przed poszczególnymi składnikami, to należy przestrzegać zasadę, że prądy i siły elektromotoryczne otrzymują znak dodatni, o ile kierunek tego prądu lub tej siły elektromotorycznej jest zgodny z kierunkiem, który zachowaliśmy przy porządku wypisywania poszczególnych równań składowych, a zaś ujemny, gdy prąd lub siła elektromotoryczna są odwrotne do kierunku powyższego.

Prawo, wyrażone równaniem powyższym, wypowiadamy w sposób następujący: dla każdego obwodu zamkniętego, istniejącego w sieci krzyżujących się przewodników, suma algebraiczna iloczynów z chwilowych sił prądów, w poszczególnych częściach obwodu i oporów omicznych tych części równa się sumie algebraicznej wszystkich sił elektromotorycznych, działających w danej chwili w tymże obwodzie zamkniętym. Prądy i siły elektromotoryczne, zwrócone w pewnym kierunku, przyjętym przy obiegu wokoło obwodu zamkniętego, otrzymują w równaniu znak dodatni, zwrócone zaś w stronę odwrotną — znak ujemny.